

Aufgabe 1974 2b:

4 P

Es sind fünf Zahlenfolgen durch ihre ersten drei Glieder gegeben:

$$A : 10 + 1 ; 10 + 2 ; 10 + 3 ; \dots$$

$$B : 10^1 ; 10^2 ; 10^3 ; \dots$$

$$C : 10 \cdot 1 ; 10 \cdot 2 ; 10 \cdot 3 ; \dots$$

$$D : \lg 10 ; \lg 100 ; \lg 1000 ; \dots$$

$$E : \sqrt{10} ; \sqrt{100} ; \sqrt{1000} ; \dots$$

Es ist für jede Zahlenfolge ein in n variabler Term für das jeweils letzte Glied zu entwickeln.

Lösung 1974 2b:

1. Folge A:

$$A : 10 + 1 ; 10 + 2 ; 10 + 3 ; \dots$$

$$A : 11 ; 12 ; 13 ; \dots$$

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot d$$

$$a_n = 11 + (n-1) \cdot 1$$

$$a_n = 11 + n - 1$$

$$\underline{\underline{a_n = 10 + n}}$$

2. Folge B:

$$B : 10^1 ; 10^2 ; 10^3 ; \dots$$

$$B : 10 ; 100 ; 1000 ; \dots$$

$$g_n = g_1 \cdot q^{n-1}$$

$$g_n = 10 \cdot 10^{n-1}$$

$$g_n = 10 \cdot \frac{10^n}{10}$$

$$\underline{\underline{g_n = 10^n}}$$

3. Folge C:

$$C : 10 \cdot 1 ; 10 \cdot 2 ; 10 \cdot 3 ; \dots$$

$$C : 10 ; 20 ; 30 ; \dots$$

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot d$$

$$a_n = 10 + (n-1) \cdot 10$$

$$a_n = 10 + 10n - 10$$

$$\underline{\underline{a_n = 10n}}$$

Lösung 1974 2b:

4. Folge D:

$$D: \lg 10 ; \lg 100 ; \lg 1000 ; \dots$$

$$D: 1 ; 2 ; 3 ; \dots$$

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot d$$

$$a_n = 1 + (n-1) \cdot 1$$

$$a_n = 1 + n - 1$$

$$\underline{\underline{a_n = n}}$$

5. Folge E:

$$E: \sqrt{10} ; \sqrt{100} ; \sqrt{1000} ; \dots$$

$$E: \sqrt{10} ; 10 ; \sqrt{1000} ; \dots$$

$$g_n = g_1 \cdot q^{n-1}$$

$$g_n = \sqrt{10} \cdot \sqrt{10}^{n-1}$$

$$g_n = \sqrt{10} \cdot \frac{\sqrt{10^n}}{\sqrt{10}}$$

$$\underline{\underline{g_n = \sqrt{10^n} = 10^{\frac{n}{2}}}}$$