

Aufgabe 1964/65 20b:

2 P

Konstruiere das gleichschenkligrechtwinklige Dreieck ABC mit der Hypotenuse $\overline{AB} = c = 8 \text{ cm}$. Beschreibe um C den Kreisbogen, der $\overline{AB}$ als Sehne besitzt. Schlage ferner über den Katheten a des Dreiecks die Halbkreise, die außerhalb des Dreiecks liegen. Berechne den Inhalt F der von den gezeichneten Kreisbögen umschlossenen Fläche.

Lösung 1964/65 20b:

1. Berechnung der Strecke a:

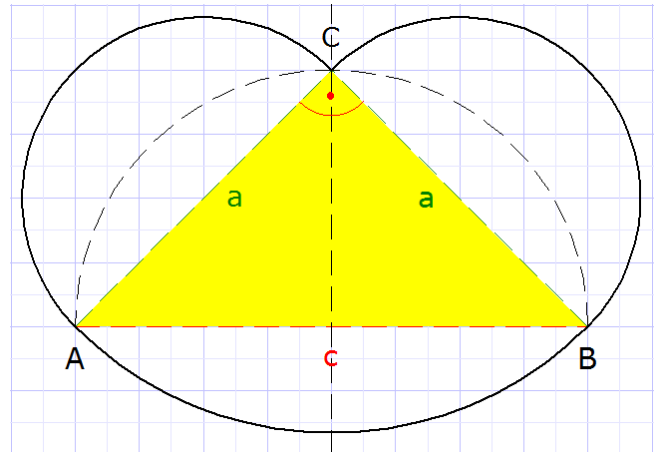
$$a^2 + a^2 = c^2 \quad \text{Pythagoras im rechtwinkligen gelben Dreieck}$$

$$2a^2 = 8^2$$

$$2a^2 = 64 \quad | :2$$

$$a^2 = 32 \quad | \sqrt{}$$

$$a = \sqrt{32} \text{ cm}$$



2. Berechnung der Fläche F_1 :

$$F_1 = \frac{1}{2} \cdot r_1^2 \cdot \pi \quad \text{Formel Halbkreisfläche}$$

$$F_1 = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{a}{2}\right)^2 \cdot \pi$$

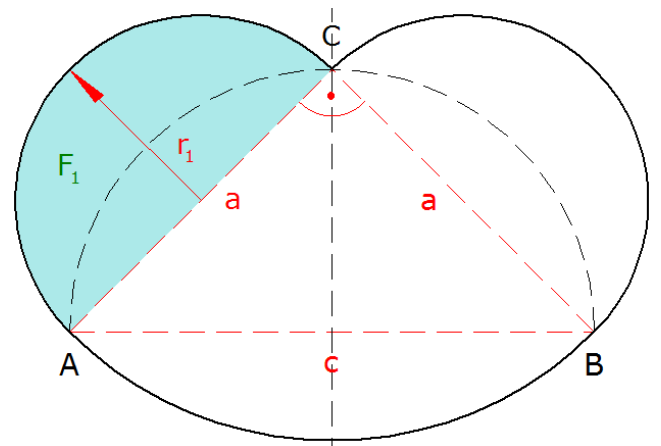
$$F_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{a^2}{4} \cdot \pi$$

$$F_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{32}^2}{4} \cdot \pi$$

$$F_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{32}{4} \cdot \pi$$

$$F_1 = \frac{32}{8} \cdot \pi$$

$$F_1 = 4 \cdot \pi \text{ cm}^2$$

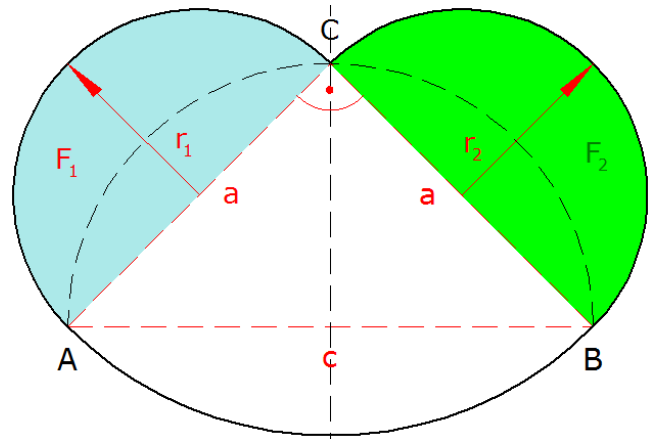


Lösung 1964/65 20b:

3. Berechnung der Fläche F_2 :

$$F_2 = F_1$$

$$F_2 = 4 \cdot \pi \text{ cm}^2$$



4. Berechnung der Fläche F_3 :

$$F_3 = \frac{1}{4} \cdot r_3^2 \cdot \pi$$

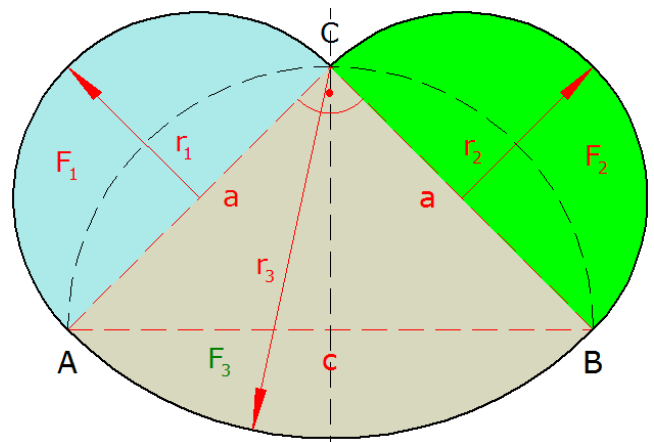
Formel
Viertelkreisfläche

$$F_3 = \frac{1}{4} \cdot a^2 \cdot \pi$$

$$F_3 = \frac{1}{4} \cdot \sqrt{32}^2 \cdot \pi$$

$$F_3 = \frac{1}{4} \cdot 32 \cdot \pi$$

$$F_3 = 8 \cdot \pi \text{ cm}^2$$



5. Berechnung der Gesamtfläche F :

$$F = F_1 + F_2 + F_3$$

$$F = 4 \cdot \pi + 4 \cdot \pi + 8 \cdot \pi$$

$$F = 16 \cdot \pi$$

$$F = 50,26 \text{ cm}^2$$